

## ТЕМА. РОЗВ'ЯЗУВАННЯ ПРИКЛАДНИХ ЗАДАЧ

Дата \_\_\_\_\_

Учитель \_\_\_\_\_

**Мета:** навчити використовувати вміння розв'язувати трикутники для розв'язування прикладних задач. \_\_\_\_\_

**Тип уроку:** засвоєння знань, умінь, навичок. \_\_\_\_\_

**Обладнання та наочність:** \_\_\_\_\_

## ХІД УРОКУ

## I. Організаційний етап

## II. Перевірка домашнього завдання

## 1. Перевірка завдання, заданого за підручником \_\_\_\_\_

## 2. Самостійна робота з подальшою взаємоперевіркою

Варіант 1	Варіант 2
1) Периметр трикутника дорівнює 18 см, а його сторони відносяться як 2:3:4. Знайдіть	
найменший кут трикутника.	найбільший кут трикутника.
2) Площа трикутника дорівнює $24 \text{ см}^2$ , а висоти, проведені до сторін $a, b, c$ , відповідно $h_a = 8 \text{ см}$ , $h_b = 6 \text{ см}$ , $h_c = 4 \text{ см}$ . Знайдіть	
найбільший кут трикутника	найменший кут трикутника

## III. Вивчення нового матеріалу

*План вивчення теми*

- Приклади прикладних задач, що розв'язуються за допомогою тригонометрії:
  - обчислення відстані між різними пунктами земної поверхні (якщо цю відстань не можна виміряти безпосередньо);
  - обчислення висоти даного предмета (гори, будинку тощо);
  - складання планів місцевості та карт.
- Прилади для вимірювання відстаней на місцевості (сталеві стрічка) та кутів (теодоліт, астролябія, нівелір).
- Приклади розв'язування задач на обчислення відстаней і висот.

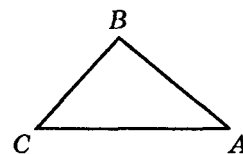
**Задача 1.** Обчисліть відстань від доступної точки  $A$  до недоступної точки  $B$ , яку видно із точки  $A$  (точки  $A$  і  $B$  лежать в одній горизонтальній площині).

**Пояснення.** Точка  $A$  вважається доступною, якщо в ній може перебувати спостерігач з вимірювальними інструментами. Точка  $B$  вважається недоступною, якщо відстань  $AB$  неможливо виміряти безпосередньо (наприклад, є перепони: річка, яр тощо).

**Розв'язання.** Виберемо поблизу точки  $A$  доступну точку  $C$ , із якої видно точку  $B$ . Виміряємо відрізок  $AC$  і кути  $A$  і  $C$ . Сторону  $AB$  знайдемо за теоремою синусів:

$$\frac{AB}{\sin C} = \frac{AC}{\sin B}; AB = \frac{AC \cdot \sin C}{\sin B} = \frac{AC \cdot \sin C}{\sin(A+C)}.$$

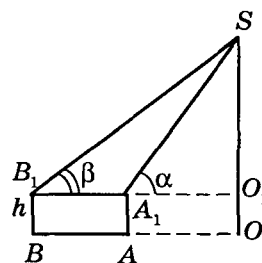
**Відповідь.**  $\frac{AC \cdot \sin C}{\sin(A+C)}.$



**Задача 2.** Обчисліть висоту вертикального предмета, основа якого недоступна.

**Розв'язання.** Виберемо горизонтальний відрізок  $AB$ , із кінців якого видно вершину  $S$  предмета. Нехай  $h$  — висота кутомірного інструмента. Вимірявши кути  $\alpha$  і  $\beta$  трикутника  $SA_1B_1$ , знайдемо (за теоремою синусів):

$$\frac{A_1S}{\sin \beta} = \frac{A_1B_1}{\sin(\alpha - \beta)}; A_1S = \frac{A_1B_1 \cdot \sin \beta}{\sin(\alpha - \beta)}.$$



Тоді  $OS = OO_1 + O_1S = h + A_1S \cdot \sin \alpha = h + \frac{AB \cdot \sin \alpha \cdot \sin \beta}{\sin(\alpha - \beta)}.$

**Відповідь.**  $h + \frac{AB \cdot \sin \alpha \cdot \sin \beta}{\sin(\alpha - \beta)}.$

#### IV. Розв'язування задач

##### 1. Робота за підручником

##### 2. Додаткові завдання

- Обчисліть периметр земельної ділянки, що має форму трикутника, якщо під час знімання плану цієї ділянки з масштабом 1:100 000 дві її сторони зображено відрізками 5,6 см і 7,5 см і кут між ними дорівнює  $48^\circ$ .
- Човняр, переправляючись через річку, спрямував човен поперек її, причому розвинув швидкість таку, що у стоячій воді вона дорівнювала б 0,3 м/с. На який кут від цього напрямку човен буде віднесений течією річки, якщо швидкість течії становить 1 м/с?

#### V. Підбиття підсумків уроку

#### VI. Домашнє завдання

- Завдання з підручником:
- Додаткове завдання.** Сила  $P \approx 5,2$  Н повинна бути розкладена на дві складові, що діють під прямим кутом одна до одної, одна з яких утворює з напрямком сили  $P$  кут  $\alpha \approx 46^\circ$ . Обчисліть складові сили. (**Відповідь.**  $\approx 3,6$  Н;  $\approx 3,7$  Н.)